Предмет – математика

Степень (классы) – основная школа (6 – 9 классы)

|  |  |
| --- | --- |
| Нормативно-методические материалы | Федеральный государственный образовательный стандарт (ФГОС) Закон (РФ «Об образовании» № 273- ФЗ от 29.12.2012)  Примерная программа по математике (2018 г.) |
| Реализуемый  УМК | 7 класс – Ю. Н. Макарычев, Н. Г. Миндюк, К. И. Нешков, С. Б. Суворова. Алгебра 7 класс – Москва: Просвещение  8 класс – Ю. Н. Макарычев, Н. Г. Миндюк, К. И. Нешков, С. Б. Суворова. Алгебра 8 класс – Москва: Просвещение  9 класс – Ю. Н. Макарычев, Н. Г. Миндюк, К. И. Нешков, С. Б. Суворова. Алгебра 9 класс – Москва: Просвещение  7–9 классы – Л. С. Атанасян, В. Ф. Бутузов, С. Б. Кадомцев и др. Геометрия 7–9 классы – Москва: Просвещение |
| Цели и задачи изучения предмета | ***Целями курса изучения математики*** являются овладение конкретными математическими знаниями, необходимыми для применения в практической деятельности, для изучения смежных дисциплин, для продолжения образования; интеллектуальное развитие учащихся, формирование качеств мышления, характерных для математической деятельности и необходимых для продуктивной жизни в обществе; формирование представлений об идеях и методах математики, о математике как форме описания и методе познания действительности; формирование представлений о математике как части общечеловеческой культуры, понимания значимости математики для общественного прогресса.  ***При изучении курса решаются следующие задачи:***   * овладение системой математических знаний и умений, необходимых для применения в практической деятельности, изучения смежных дисциплин, продолжения образования; * овладение умениями общеучебного характера, разнообразными способами деятельности; * интеллектуальное развитие, формирование умений точно, грамотно, аргументировано излагать мысли как в устной, так и в письменной форме, овладение методами поиска, * истематизации, анализа, классификации информации из различных источников (включая учебную, справочную литературу, современные информационные технологии); * формирование представлений об идеях и методах математики как средства моделирования явлений и процессов; * воспитание культуры личности, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры, понимание значимости математики для научно-технического прогресса. |
| Срок реализации программы | |  | | --- | | 4 года | |
| Место учебного предмета в учебном плане | 6 класс – математика 4 часа  7 класс – алгебра 3 часа в неделю в первом полугодии и 2 часа в неделю во втором полугодии, геометрия 1 час в неделю в 1 полугодии и 2 часа в неделю во втором полугодии  8 класс – алгебра 3 часа в неделю в первом полугодии и 2 часа в неделю во втором полугодии, геометрия 1 час в неделю в 1 полугодии и 2 часа в неделю во втором полугодии  9 класс – алгебра 3 часа в неделю и геометрия 1 час в неделю |
| Результаты освоения учебного предмета (требования к выпускнику) | **Важнейшие личностные результаты**:   * ответственное отношение к учению; * готовность и способность обучающихся к саморазвитию и самообразованию на основе мотивации к обучению и познанию; * умение ясно, точно, грамотно излагать свои мысли в устной и письменной речи, понимать смысл поставленной задачи, выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры; * начальные навыки адаптации в динамично изменяющемся мире; * экологическая культура: ценностное отношение к природному миру, готовность следовать нормам природоохранного, здоровьесберегающего поведения; * формирование способности к эмоциональному восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; * умение контролировать процесс и результат учебной математической деятельности; * гуманистические и демократические ценностные ориентации, готовность следовать этическим нормам поведения в повседневной жизни и производственной деятельности; * осознание себя как члена общества на глобальном, региональном и локальном уровнях; * гармонично развитые социальные чувства и качества: * умение оценивать с позиций социальных норм собственные поступки и поступки других людей; * эмоционально-ценностное отношение к окружающей среде, необходимости ее сохранения и рационального использования.   *Средством развития* личностных результатов служит учебный материал предмета математики и прежде всего продуктивные задания учебника, нацеленные на понимание собственной деятельности и сформированных личностных качеств:   * умение формулировать своё отношение к актуальным проблемным ситуациям; * умение использовать математические знания для адаптации и созидательной деятельности. * формирование ответственного отношения к учению, готовности к саморазвитию, осознанному выбору с учетом познавательных интересов; * формирование целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и учитывающего многообразие современного мира; * формирование ценности здорового и безопасного образа жизни; * освоение приемов действий в нестандартных ситуациях, овладение эвристическими методами решения проблем; * умения применять теоретические знания по математике на практике, решать математические задачи на применение полученных знаний;   В программе содержится система заданий, направленных на достижение ***метапредметных*** результатов обучения: Программа обеспечивает обучающимся организацию своей учебной деятельности через сформированные УУД. К ним относятся:  ***регулятивные УУД:***  - умение организовать свою деятельность, определять её цели и задачи, выбирать средства реализации цели и применять их на практике, оценивать достигнутые результаты;  - умение вести самостоятельный поиск, анализ, отбор информации, её преобразование, сохранение, передачу и презентацию с помощью ТСО и информационных технологий;  - организация своей жизни в соответствии с общественно значимыми представлениями о ЗОЖ, правах и обязанностях гражданина, ценностях бытия и культуры, социального взаимодействия;  - умение оценивать с позиций социальных норм собственные поступки и поступки других людей;  ***познавательные* УУД** включают общеучебные, логические, а также постановку и решение проблемы. Обучающиеся должны уметь:  - самостоятельно делать свой выбор в мире мыслей, чувств и ценностей и отвечать за этот выбор;  - самостоятельно выделять и формулировать познавательную цель;  - осуществлять поиск необходимой информации, в том числе с помощью ИКТ;  - осознанно оформлять речевое высказывание в устной и письменной форме;  - осуществлять смысловое чтение, извлекать необходимую информацию из текстов различных жанров;  - выделять явление из общего ряда других явлений;  - самостоятельно указывать на информацию, нуждающуюся в проверке, предлагать и применять способ проверки достоверности информации;  ***коммуникативные* УУД**:  - самостоятельно организовывать учебное взаимодействие в группе, уметь общаться, распределять роли, договариваться друг с другом;  - отстаивать свою точку зрения, приводить аргументы, подтверждая их фактами.  ***Достижение предметных результатов*** в программе обеспечивается формированием у учащихся целостной системы комплексных социально ориентированных знаний о физике как науке о природе, понимание и способность описывать и объяснять физические явления; знание и способность давать определения/описания физических понятий; понимание смысла основных физических законов и применять их на практике; умение приводить примеры технических устройств и живых организмов; понимание и способность описывать и объяснять физические явления; знание и способность давать определения физических понятий.  **Выпускник научится в 6 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность; * задавать множества перечислением их элементов; * находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * распознавать логически некорректные высказывания.   **Числа**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число; * использовать свойства чисел и правила действий с рациональными числами при выполнении вычислений; * использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач; * выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами; * сравнивать рациональные числа**.**   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * оценивать результаты вычислений при решении практических задач; * выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях; * составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.   **Статистика и теория вероятностей**   * Представлять данные в виде таблиц, диаграмм, * читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы.   **Текстовые задачи**   * Решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия; * строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка), в которой даны значения двух из трех взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи; * осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию; * составлять план решения задачи; * выделять этапы решения задачи; * интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи; * знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки; * решать задачи на нахождение части числа и числа по его части; * решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними; * находить процент от числа, число по проценту от него, находить процентное отношение двух чисел, находить процентное снижение или процентное повышение величины; * решать несложные логические задачи методом рассуждений.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых величин в задаче (делать прикидку)   **Наглядная геометрия**  **Геометрические фигуры**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: фигура, точка, отрезок, прямая, луч, ломаная, угол, многоугольник, треугольник и четырехугольник, прямоугольник и квадрат, окружность и круг, прямоугольный параллелепипед, куб, шар. Изображать изучаемые фигуры от руки и с помощью линейки и циркуля.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * решать практические задачи с применением простейших свойств фигур.   **Измерения и вычисления**   * выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов; * вычислять площади прямоугольников.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади прямоугольников; * выполнять простейшие построения и измерения на местности, необходимые в реальной жизни.   **История математики**   * описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; * знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей.   **Выпускник получит возможность научиться в 6 классе (для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углубленном уровнях)**  **Элементы теории множеств и математической логики**   * *Оперировать понятиями: множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность,* * *определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств; задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *распознавать логически некорректные высказывания;* * *строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики.*   ***Числа***   * *Оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных;* * *понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;* * *выполнять вычисления, в том числе с использованием приемов рациональных вычислений, обосновывать алгоритмы выполнения действий;* * *использовать признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11, суммы и произведения чисел при выполнении вычислений и решении задач, обосновывать признаки делимости;* * *выполнять округление рациональных чисел с заданной точностью;* * *упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенных и десятичных дробей;* * *находить НОД и НОК чисел и использовать их при решении задач;* * *оперировать понятием модуль числа, геометрическая интерпретация модуля числа.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *применять правила приближенных вычислений при решении практических задач и решении задач других учебных предметов;* * *выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений;* * *составлять числовые выражения и оценивать их значения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.*   **Уравнения и неравенства**   * *Оперировать понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения, числовое неравенство.*   **Статистика и теория вероятностей**   * *Оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое,* * *извлекать, информацию, представленную в таблицах, на диаграммах;* * *составлять таблицы, строить диаграммы на основе данных.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах и на диаграммах, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений.*   **Текстовые задачи**   * *Решать простые и сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;* * *использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;* * *знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);* * *моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы;* * *выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;* * *интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;* * *анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;* * *исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчета;* * *решать разнообразные задачи «на части»,* * *решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;* * *осознавать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение); выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задачи указанных типов.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учетом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества;* * *решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат;* * *решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета.*   **Наглядная геометрия**  **Геометрические фигуры**   * *Извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;* * *изображать изучаемые фигуры от руки и с помощью компьютерных инструментов.*   **Измерения и вычисления**   * *выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов;* * *вычислять площади прямоугольников, квадратов, объемы прямоугольных параллелепипедов, кубов.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади участков прямоугольной формы, объемы комнат;* * *выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни;* * *оценивать размеры реальных объектов окружающего мира.*   **История математики**   * *Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей.*   **Выпускник научится в 7-9 классах (для использования в повседневной жизни и обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом уровне)**  **Элементы теории множеств и математической логики**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: множество, элемент множества, подмножество, принадлежность; * задавать множества перечислением их элементов; * находить пересечение, объединение, подмножество в простейших ситуациях; * оперировать на базовом уровне понятиями: определение, аксиома, теорема, доказательство; * приводить примеры и контрпримеры для подтверждения своих высказываний.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать графическое представление множеств для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов.   **Числа**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: натуральное число, целое число, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанная дробь, рациональное число, арифметический квадратный корень; * использовать свойства чисел и правила действий при выполнении вычислений; * использовать признаки делимости на 2, 5, 3, 9, 10 при выполнении вычислений и решении несложных задач; * выполнять округление рациональных чисел в соответствии с правилами; * оценивать значение квадратного корня из положительного целого числа; * распознавать рациональные и иррациональные числа; * сравнивать числа.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * оценивать результаты вычислений при решении практических задач; * выполнять сравнение чисел в реальных ситуациях; * составлять числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.   **Тождественные преобразования**   * Выполнять несложные преобразования для вычисления значений числовых выражений, содержащих степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем; * выполнять несложные преобразования целых выражений: раскрывать скобки, приводить подобные слагаемые; * использовать формулы сокращенного умножения (квадрат суммы, квадрат разности, разность квадратов) для упрощения вычислений значений выражений; * выполнять несложные преобразования дробно-линейных выражений и выражений с квадратными корнями.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * понимать смысл записи числа в стандартном виде; * оперировать на базовом уровне понятием «стандартная запись числа».   **Уравнения и неравенства**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство, числовое равенство, уравнение, корень уравнения, решение уравнения, числовое неравенство, неравенство, решение неравенства; * проверять справедливость числовых равенств и неравенств; * решать линейные неравенства и несложные неравенства, сводящиеся к линейным; * решать системы несложных линейных уравнений, неравенств; * проверять, является ли данное число решением уравнения (неравенства); * решать квадратные уравнения по формуле корней квадратного уравнения; * изображать решения неравенств и их систем на числовой прямой.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * составлять и решать линейные уравнения при решении задач, возникающих в других учебных предметах.   **Функции**   * Находить значение функции по заданному значению аргумента; * находить значение аргумента по заданному значению функции в несложных ситуациях; * определять положение точки по ее координатам, координаты точки по ее положению на координатной плоскости; * по графику находить область определения, множество значений, нули функции, промежутки знакопостоянства, промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения функции; * строить график линейной функции; * проверять, является ли данный график графиком заданной функции (линейной, квадратичной, обратной пропорциональности); * определять приближенные значения координат точки пересечения графиков функций; * оперировать на базовом уровне понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия; * решать задачи на прогрессии, в которых ответ может быть получен непосредственным подсчетом без применения формул.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать графики реальных процессов и зависимостей для определения их свойств (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, области положительных и отрицательных значений и т.п.); * использовать свойства линейной функции и ее график при решении задач из других учебных предметов.   **Статистика и теория вероятностей**   * Иметь представление о статистических характеристиках, вероятности случайного события, комбинаторных задачах; * решать простейшие комбинаторные задачи методом прямого и организованного перебора; * представлять данные в виде таблиц, диаграмм, графиков; * читать информацию, представленную в виде таблицы, диаграммы, графика; * определять основные статистические характеристики числовых наборов; * оценивать вероятность события в простейших случаях; * иметь представление о роли закона больших чисел в массовых явлениях.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * оценивать количество возможных вариантов методом перебора; * иметь представление о роли практически достоверных и маловероятных событий; * сравнивать основные статистические характеристики, полученные в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления; * оценивать вероятность реальных событий и явлений в несложных ситуациях.   **Текстовые задачи**   * Решать несложные сюжетные задачи разных типов на все арифметические действия; * строить модель условия задачи (в виде таблицы, схемы, рисунка или уравнения), в которой даны значения двух из трех взаимосвязанных величин, с целью поиска решения задачи; * осуществлять способ поиска решения задачи, в котором рассуждение строится от условия к требованию или от требования к условию; * составлять план решения задачи; * выделять этапы решения задачи; * интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи; * знать различие скоростей объекта в стоячей воде, против течения и по течению реки; * решать задачи на нахождение части числа и числа по его части; * решать задачи разных типов (на работу, на покупки, на движение), связывающих три величины, выделять эти величины и отношения между ними; * находить процент от числа, число по проценту от него, находить процентное снижение или процентное повышение величины; * решать несложные логические задачи методом рассуждений.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выдвигать гипотезы о возможных предельных значениях искомых в задаче величин (делать прикидку).   **Геометрические фигуры**   * Оперировать на базовом уровне понятиями геометрических фигур; * извлекать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах в явном виде; * применять для решения задач геометрические факты, если условия их применения заданы в явной форме; * решать задачи на нахождение геометрических величин по образцам или алгоритмам.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать свойства геометрических фигур для решения типовых задач, возникающих в ситуациях повседневной жизни, задач практического содержания.   **Отношения**   * Оперировать на базовом уровне понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать отношения для решения простейших задач, возникающих в реальной жизни.   **Измерения и вычисления**   * Выполнять измерение длин, расстояний, величин углов, с помощью инструментов для измерений длин и углов; * применять формулы периметра, площади и объема, площади поверхности отдельных многогранников при вычислениях, когда все данные имеются в условии; * применять теорему Пифагора, базовые тригонометрические соотношения для вычисления длин, расстояний, площадей в простейших случаях.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * вычислять расстояния на местности в стандартных ситуациях, площади в простейших случаях, применять формулы в простейших ситуациях в повседневной жизни.   **Геометрические построения**   * Изображать типовые плоские фигуры и фигуры в пространстве от руки и с помощью инструментов.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни.   **Геометрические преобразования**   * Строить фигуру, симметричную данной фигуре относительно оси и точки.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * распознавать движение объектов в окружающем мире; * распознавать симметричные фигуры в окружающем мире.   **Векторы и координаты на плоскости**   * Оперировать на базовом уровне понятиями вектор, сумма векторов*,* произведение вектора на число, координаты на плоскости; * определять приближенно координаты точки по ее изображению на координатной плоскости.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать векторы для решения простейших задач на определение скорости относительного движения.   **История математики**   * Описывать отдельные выдающиеся результаты, полученные в ходе развития математики как науки; * знать примеры математических открытий и их авторов, в связи с отечественной и всемирной историей; * понимать роль математики в развитии России.   **Методы математики**   * Выбирать подходящий изученный метод для решения изученных типов математических задач; * Приводить примеры математических закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства.     **Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах для обеспечения возможности успешного продолжения образования на базовом и углубленном уровнях**  **Элементы теории множеств и математической логики**   * *Оперировать понятиями: определение, теорема, аксиома, множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств;* * *изображать множества и отношение множеств с помощью кругов Эйлера;* * *определять принадлежность элемента множеству, объединению и пересечению множеств;* * *задавать множество с помощью перечисления элементов, словесного описания;* * *оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, отрицание высказываний, операции над высказываниями: и, или, не, условные высказывания (импликации);* * *строить высказывания, отрицания высказываний.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *строить цепочки умозаключений на основе использования правил логики;* * *использовать множества, операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений.*   **Числа**   * *Оперировать понятиями: множество натуральных чисел, множество целых чисел, множество рациональных чисел, иррациональное число, квадратный корень, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;* * *понимать и объяснять смысл позиционной записи натурального числа;* * *выполнять вычисления, в том числе с использованием приемов рациональных вычислений;* * *выполнять округление рациональных чисел с заданной точностью;* * *сравнивать рациональные и иррациональные числа;* * *представлять рациональное число в виде десятичной дроби* * *упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби;* * *находить НОД и НОК чисел и использовать их при решении задач.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *применять правила приближенных вычислений при решении практических задач и решении задач других учебных предметов;* * *выполнять сравнение результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений;* * *составлять и оценивать числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов;* * *записывать и округлять числовые значения реальных величин с использованием разных систем измерения.*   **Тождественные преобразования**   * *Оперировать понятиями степени с натуральным показателем, степени с целым отрицательным показателем;* * *выполнять преобразования целых выражений: действия с одночленами (сложение, вычитание, умножение), действия с многочленами (сложение, вычитание, умножение);* * *выполнять разложение многочленов на множители одним из способов: вынесение за скобку, группировка, использование формул сокращенного умножения;* * *выделять квадрат суммы и разности одночленов;* * *раскладывать на множители квадратный трехчлен;* * *выполнять преобразования выражений, содержащих степени с целыми отрицательными показателями, переходить от записи в виде степени с целым отрицательным показателем к записи в виде дроби;* * *выполнять преобразования дробно-рациональных выражений: сокращение дробей, приведение алгебраических дробей к общему знаменателю, сложение, умножение, деление алгебраических дробей, возведение алгебраической дроби в натуральную и целую отрицательную степень;* * *выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни;* * *выделять квадрат суммы или разности двучлена в выражениях, содержащих квадратные корни;* * *выполнять преобразования выражений, содержащих модуль.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *выполнять преобразования и действия с числами, записанными в стандартном виде;* * *выполнять преобразования алгебраических выражений при решении задач других учебных предметов.*   **Уравнения и неравенства**   * *Оперировать понятиями: уравнение, неравенство, корень уравнения, решение неравенства, равносильные уравнения, область определения уравнения (неравенства, системы уравнений или неравенств);* * *решать линейные уравнения и уравнения, сводимые к линейным с помощью тождественных преобразований;* * *решать квадратные уравнения и уравнения, сводимые к квадратным с помощью тождественных преобразований;* * *решать дробно-линейные уравнения;* * *решать простейшие иррациональные уравнения вида , ;* * *решать уравнения вида ;* * *решать уравнения способом разложения на множители и замены переменной;* * *использовать метод интервалов для решения целых и дробно-рациональных неравенств;* * *решать линейные уравнения и неравенства с параметрами;* * *решать несложные квадратные уравнения с параметром;* * *решать несложные системы линейных уравнений с параметрами;* * *решать несложные уравнения в целых числах.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *составлять и решать линейные и квадратные уравнения, уравнения, к ним сводящиеся, системы линейных уравнений, неравенств при решении задач других учебных предметов;* * *выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении линейных и квадратных уравнений и систем линейных уравнений и неравенств при решении задач других учебных предметов;* * *выбирать соответствующие уравнения, неравенства или их системы для составления математической модели заданной реальной ситуации или прикладной задачи;* * *уметь интерпретировать полученный при решении уравнения, неравенства или системы результат в контексте заданной реальной ситуации или прикладной задачи.*   **Функции**   * *Оперировать понятиями: функциональная зависимость, функция, график функции, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции, четность/нечетность функции;* * *строить графики линейной, квадратичной функций, обратной пропорциональности, функции вида: ,* ***,****, ;* * *на примере квадратичной функции, использовать преобразования графика функции y=f(x) для построения графиков функций ;* * *составлять уравнения прямой по заданным условиям: проходящей через две точки с заданными координатами, проходящей через данную точку и параллельной данной прямой;* * *исследовать функцию по ее графику;* * *находить множество значений, нули, промежутки знакопостоянства, монотонности квадратичной функции;* * *оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия;* * *решать задачи на арифметическую и геометрическую прогрессию.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *иллюстрировать с помощью графика реальную зависимость или процесс по их характеристикам;* * *использовать свойства и график квадратичной функции при решении задач из других учебных предметов.*   **Текстовые задачи**   * *Решать простые и сложные задачи разных типов, а также задачи повышенной трудности;* * *использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач для построения поисковой схемы и решения задач;* * *различать модель текста и модель решения задачи, конструировать к одной модели решения несложной задачи разные модели текста задачи;* * *знать и применять оба способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию);* * *моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы;* * *выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа;* * *уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно;* * *анализировать затруднения при решении задач;* * *выполнять различные преобразования предложенной задачи, конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные;* * *интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи;* * *анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях;* * *исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчета;* * *решать разнообразные задачи «на части»,* * *решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби;* * *осознавать и объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение), выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задач указанных типов;* * *владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации;* * *решать задачи на проценты, в том числе, сложные проценты с обоснованием, используя разные способы;* * *решать логические задачи разными способами, в том числе, с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц;* * *решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение;* * *решать несложные задачи по математической статистике;* * *овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *выделять при решении задач характеристики рассматриваемой в задаче ситуации, отличные от реальных (те, от которых абстрагировались), конструировать новые ситуации с учетом этих характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества;* * *решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат;* * *решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета.*   **Статистика и теория вероятностей**   * *Оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения выборки, размах выборки, дисперсия и стандартное отклонение, случайная изменчивость;* * *извлекать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках;* * *составлять таблицы, строить диаграммы и графики на основе данных;* * *оперировать понятиями: факториал числа, перестановки и сочетания, треугольник Паскаля;* * *применять правило произведения при решении комбинаторных задач;* * *оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями;* * *представлять информацию с помощью кругов Эйлера;* * *решать задачи на вычисление вероятности с подсчетом количества вариантов с помощью комбинаторики.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства и характеристики реальных процессов и явлений;* * *определять статистические характеристики выборок по таблицам, диаграммам, графикам, выполнять сравнение в зависимости от цели решения задачи;* * *оценивать вероятность реальных событий и явлений.*   **Геометрические фигуры**   * *Оперировать понятиями геометрических фигур;* * *извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию о геометрических фигурах, представленную на чертежах;* * *применять геометрические факты для решения задач, в том числе, предполагающих несколько шагов решения;* * *формулировать в простейших случаях свойства и признаки фигур;* * *доказывать геометрические утверждения;* * *владеть стандартной классификацией плоских фигур (треугольников и четырехугольников).*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *использовать свойства геометрических фигур для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин.*   **Отношения**   * *Оперировать понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция, подобие фигур, подобные фигуры, подобные треугольники;* * *применять теорему Фалеса и теорему о пропорциональных отрезках при решении задач;* * *характеризовать взаимное расположение прямой и окружности, двух окружностей.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *использовать отношения для решения задач, возникающих в реальной жизни.*   **Измерения и вычисления**   * *Оперировать представлениями о длине, площади, объеме как величинами. Применять теорему Пифагора, формулы площади, объема при решении многошаговых задач, в которых не все данные представлены явно, а требуют вычислений, оперировать более широким количеством формул длины, площади, объема, вычислять характеристики комбинаций фигур (окружностей и многоугольников) вычислять расстояния между фигурами, применять тригонометрические формулы для вычислений в более сложных случаях, проводить вычисления на основе равновеликости и равносоставленности;* * *проводить простые вычисления на объемных телах;* * *формулировать задачи на вычисление длин, площадей и объемов и решать их.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *проводить вычисления на местности;* * *применять формулы при вычислениях в смежных учебных предметах, в окружающей действительности.*   **Геометрические построения**   * *Изображать геометрические фигуры по текстовому и символьному описанию;* * *свободно оперировать чертежными инструментами в несложных случаях,* * *выполнять построения треугольников, применять отдельные методы построений циркулем и линейкой и проводить простейшие исследования числа решений;* * *изображать типовые плоские фигуры и объемные тела с помощью простейших компьютерных инструментов.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *выполнять простейшие построения на местности, необходимые в реальной жизни;* * *оценивать размеры реальных объектов окружающего мира.*   **Преобразования**   * *Оперировать понятием движения и преобразования подобия, владеть приемами построения фигур с использованием движений и преобразований подобия, применять полученные знания и опыт построений в смежных предметах и в реальных ситуациях окружающего мира;* * *строить фигуру, подобную данной, пользоваться свойствами подобия для обоснования свойств фигур;* * *применять свойства движений для проведения простейших обоснований свойств фигур.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *применять свойства движений и применять подобие для построений и вычислений.*   **Векторы и координаты на плоскости**   * *Оперировать понятиями вектор, сумма, разность векторов, произведение вектора на число, угол между векторами, скалярное произведение векторов, координаты на плоскости, координаты вектора;* * *выполнять действия над векторами (сложение, вычитание, умножение на число), вычислять скалярное произведение, определять в простейших случаях угол между векторами, выполнять разложение вектора на составляющие, применять полученные знания в физике, пользоваться формулой вычисления расстояния между точками по известным координатам, использовать уравнения фигур для решения задач;* * *применять векторы и координаты для решения геометрических задач на вычисление длин, углов.*   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * *использовать понятия векторов и координат для решения задач по физике, географии и другим учебным предметам.*   **История математики**   * *Характеризовать вклад выдающихся математиков в развитие математики и иных научных областей;* * *понимать роль математики в развитии России.*   **Методы математики**   * *Используя изученные методы, проводить доказательство, выполнять опровержение;* * *выбирать изученные методы и их комбинации для решения математических задач;* * *использовать математические знания для описания закономерностей в окружающей действительности и произведениях искусства;* * *применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач.*   **Выпускник получит возможность научиться в 7-9 классах для успешного продолжения образования на углубленном уровне**  **Элементы теории множеств и математической логики**   * Свободно оперировать понятиями: множество, характеристики множества, элемент множества, пустое, конечное и бесконечное множество, подмножество, принадлежность, включение, равенство множеств, способы задание множества; * задавать множества разными способами; * проверять выполнение характеристического свойства множества; * свободно оперировать понятиями: высказывание, истинность и ложность высказывания, сложные и простые высказывания, отрицание высказываний; истинность и ложность утверждения и его отрицания, операции над высказываниями: и, или, не; условные высказывания (импликации); * строить высказывания с использованием законов алгебры высказываний.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * строить рассуждения на основе использования правил логики; * использовать множества, операции с множествами, их графическое представление для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других учебных предметов.   **Числа**   * Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени n, действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; * понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел; * переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую; * доказывать и использовать признаки делимости на 2, 4, 8, 5, 3, 6, 9, 10, 11 суммы и произведения чисел при выполнении вычислений и решении задач; * выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью; * сравнивать действительные числа разными способами; * упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше 2; * находить НОД и НОК чисел разными способами и использовать их при решении задач; * выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих действительные числа, в том числе корни натуральных степеней.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выполнять и объяснять результаты сравнения результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближенных вычислений, используя разные способы сравнений; * записывать, сравнивать, округлять числовые данные реальных величин с использованием разных систем измерения; * составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.   **Тождественные преобразования**   * Свободно оперировать понятиями степени с целым и дробным показателем; * выполнять доказательство свойств степени с целыми и дробными показателями; * оперировать понятиями «одночлен», «многочлен», «многочлен с одной переменной», «многочлен с несколькими переменными», коэффициенты многочлена, «стандартная запись многочлена», степень одночлена и многочлена; * свободно владеть приемами преобразования целых и дробно-рациональных выражений; * выполнять разложение многочленов на множители разными способами, с использованием комбинаций различных приемов; * использовать теорему Виета и теорему, обратную теореме Виета, для поиска корней квадратного трехчлена и для решения задач, в том числе задач с параметрами на основе квадратного трехчлена; * выполнять деление многочлена на многочлен с остатком; * доказывать свойства квадратных корней и корней степени *n*; * выполнять преобразования выражений, содержащих квадратные корни, корни степени *n*; * свободно оперировать понятиями «тождество», «тождество на множестве», «тождественное преобразование»; * выполнять различные преобразования выражений, содержащих модули.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выполнять преобразования и действия с буквенными выражениями, числовые коэффициенты которых записаны в стандартном виде; * выполнять преобразования рациональных выражений при решении задач других учебных предметов; * выполнять проверку правдоподобия физических и химических формул на основе сравнения размерностей и валентностей.   **Уравнения и неравенства**   * Свободно оперировать понятиями: уравнение, неравенство, равносильные уравнения и неравенства, уравнение, являющееся следствием другого уравнения, уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений; * решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения 3 и 4 степеней, дробно-рациональные и иррациональные; * знать теорему Виета для уравнений степени выше второй; * понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать; * владеть разными методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор; * использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения; * решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами; * владеть разными методами доказательства неравенств; * решать уравнения в целых числах; * изображать множества на плоскости, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач других учебных предметов; * выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем при решении задач других учебных предметов; * составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач других учебных предметов; * составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты.   **Функции**   * Свободно оперировать понятиями: зависимость, функциональная зависимость, зависимая и независимая переменные, функция, способы задания функции, аргумент и значение функции, область определения и множество значения функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность функции, наибольшее и наименьшее значения, четность/нечетность функции, периодичность функции, график функции, вертикальная, горизонтальная, наклонная асимптоты; график зависимости, не являющейся функцией, * строить графики функций: линейной, квадратичной, дробно-линейной, степенной при разных значениях показателя степени, ; * использовать преобразования графика функции  для построения графиков функций ; * анализировать свойства функций и вид графика в зависимости от параметров; * свободно оперировать понятиями: последовательность, ограниченная последовательность, монотонно возрастающая (убывающая) последовательность, предел последовательности, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, характеристическое свойство арифметической (геометрической) прогрессии; * использовать метод математической индукции для вывода формул, доказательства равенств и неравенств, решения задач на делимость; * исследовать последовательности, заданные рекуррентно; * решать комбинированные задачи на арифметическую и геометрическую прогрессии.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * конструировать и исследовать функции, соответствующие реальным процессам и явлениям, интерпретировать полученные результаты в соответствии со спецификой исследуемого процесса или явления; * использовать графики зависимостей для исследования реальных процессов и явлений; * конструировать и исследовать функции при решении задач других учебных предметов, интерпретировать полученные результаты в соответствии со спецификой учебного предмета.   **Статистика и теория вероятностей**   * Свободно оперировать понятиями: столбчатые и круговые диаграммы, таблицы данных, среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения выборки, размах выборки, дисперсия и стандартное отклонение, случайная изменчивость; * выбирать наиболее удобный способ представления информации, адекватный ее свойствам и целям анализа; * вычислять числовые характеристики выборки; * свободно оперировать понятиями: факториал числа, перестановки, сочетания и размещения, треугольник Паскаля; * свободно оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями, основные комбинаторные формулы; * свободно оперировать понятиями: случайный опыт, случайный выбор, испытание, элементарное случайное событие (исход), классическое определение вероятности случайного события, операции над случайными событиями, основные комбинаторные формулы; * знать примеры случайных величин, и вычислять их статистические характеристики; * использовать формулы комбинаторики при решении комбинаторных задач; * решать задачи на вычисление вероятности в том числе с использованием формул.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * представлять информацию о реальных процессах и явлениях способом, адекватным ее свойствам и цели исследования; * анализировать и сравнивать статистические характеристики выборок, полученных в процессе решения прикладной задачи, изучения реального явления, решения задачи из других учебных предметов; * оценивать вероятность реальных событий и явлений в различных ситуациях.   **Текстовые задачи**   * Решать простые и сложные задачи, а также задачи повышенной трудности и выделять их математическую основу; * распознавать разные виды и типы задач; * использовать разные краткие записи как модели текстов сложных задач и задач повышенной сложности для построения поисковой схемы и решения задач, выбирать оптимальную для рассматриваемой в задаче ситуации модель текста задачи; * различать модель текста и модель решения задачи, конструировать к одной модели решения сложных задач разные модели текста задачи; * знать и применять три способа поиска решения задач (от требования к условию и от условия к требованию, комбинированный); * моделировать рассуждения при поиске решения задач с помощью граф-схемы; * выделять этапы решения задачи и содержание каждого этапа; * уметь выбирать оптимальный метод решения задачи и осознавать выбор метода, рассматривать различные методы, находить разные решения задачи, если возможно; * анализировать затруднения при решении задач; * выполнять различные преобразования предложенной задачи, конструировать новые задачи из данной, в том числе обратные; * интерпретировать вычислительные результаты в задаче, исследовать полученное решение задачи; * изменять условие задач (количественные или качественные данные), исследовать измененное преобразованное; * анализировать всевозможные ситуации взаимного расположения двух объектов и изменение их характеристик при совместном движении (скорость, время, расстояние) при решении задач на движение двух объектов как в одном, так и в противоположных направлениях, конструировать новые ситуации на основе изменения условий задачи при движении по реке; * исследовать всевозможные ситуации при решении задач на движение по реке, рассматривать разные системы отсчета; * решать разнообразные задачи «на части»; * решать и обосновывать свое решение задач (выделять математическую основу) на нахождение части числа и числа по его части на основе конкретного смысла дроби; * объяснять идентичность задач разных типов, связывающих три величины (на работу, на покупки, на движение), выделять эти величины и отношения между ними, применять их при решении задач, конструировать собственные задач указанных типов; * владеть основными методами решения задач на смеси, сплавы, концентрации, использовать их в новых ситуациях по отношению к изученным в процессе обучения; * решать задачи на проценты, в том числе, сложные проценты с обоснованием, используя разные способы; * решать логические задачи разными способами, в том числе, с двумя блоками и с тремя блоками данных с помощью таблиц; * решать задачи по комбинаторике и теории вероятностей на основе использования изученных методов и обосновывать решение; * решать несложные задачи по математической статистике; * овладеть основными методами решения сюжетных задач: арифметический, алгебраический, перебор вариантов, геометрический, графический, применять их в новых по сравнению с изученными ситуациях.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * конструировать новые для данной задачи задачные ситуации с учетом реальных характеристик, в частности, при решении задач на концентрации, учитывать плотность вещества; решать и конструировать задачи на основе рассмотрения реальных ситуаций, в которых не требуется точный вычислительный результат; * решать задачи на движение по реке, рассматривая разные системы отсчета; * конструировать задачные ситуации, приближенные к реальной действительности.   **Геометрические фигуры**   * Свободно оперировать геометрическими понятиями при решении задач и проведении математических рассуждений; * самостоятельно формулировать определения геометрических фигур, выдвигать гипотезы о новых свойствах и признаках геометрических фигур и обосновывать или опровергать их, обобщать или конкретизировать результаты на новые классы фигур, проводить в несложных случаях классификацию фигур по различным основаниям; * исследовать чертежи, включая комбинации фигур, извлекать, интерпретировать и преобразовывать информацию, представленную на чертежах; * решать задачи геометрического содержания, в том числе в ситуациях, когда алгоритм решения не следует явно из условия, выполнять необходимые для решения задачи дополнительные построения, исследовать возможность применения теорем и формул для решения задач; * формулировать и доказывать геометрические утверждения.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * составлять с использованием свойств геометрических фигур математические модели для решения задач практического характера и задач из смежных дисциплин, исследовать полученные модели и интерпретировать результат.   **Отношения**   * Владеть понятием отношения как метапредметным; * свободно оперировать понятиями: равенство фигур, равные фигуры, равенство треугольников, параллельность прямых, перпендикулярность прямых, углы между прямыми, перпендикуляр, наклонная, проекция, подобие фигур, подобные фигуры, подобные треугольники; * использовать свойства подобия и равенства фигур при решении задач.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать отношения для построения и исследования математических моделей объектов реальной жизни.   **Измерения и вычисления**   * Свободно оперировать понятиями длина, площадь, объем, величина угла как величинами, использовать равновеликость и равносоставленность при решении задач на вычисление, самостоятельно получать и использовать формулы для вычислений площадей и объемов фигур, свободно оперировать широким набором формул на вычисление при решении сложных задач, в том числе и задач на вычисление в комбинациях окружности и треугольника, окружности и четырехугольника, а также с применением тригонометрии; * самостоятельно формулировать гипотезы и проверять их достоверность.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * свободно оперировать формулами при решении задач в других учебных предметах и при проведении необходимых вычислений в реальной жизни.   **Геометрические построения**   * Оперировать понятием набора элементов, определяющих геометрическую фигуру, * владеть набором методов построений циркулем и линейкой; * проводить анализ и реализовывать этапы решения задач на построение.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * выполнять построения на местности; * оценивать размеры реальных объектов окружающего мира.   **Преобразования**   * Оперировать движениями и преобразованиями как метапредметными понятиями; * оперировать понятием движения и преобразования подобия для обоснований, свободно владеть приемами построения фигур с помощью движений и преобразования подобия, а также комбинациями движений, движений и преобразований; * использовать свойства движений и преобразований для проведения обоснования и доказательства утверждений в геометрии и других учебных предметах; * пользоваться свойствами движений и преобразований при решении задач.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * применять свойства движений и применять подобие для построений и вычислений.   **Векторы и координаты на плоскости**   * Свободно оперировать понятиями вектор, сумма, разность векторов, произведение вектора на число, скалярное произведение векторов, координаты на плоскости, координаты вектора; * владеть векторным и координатным методом на плоскости для решения задач на вычисление и доказательства; * выполнять с помощью векторов и координат доказательство известных ему геометрических фактов (свойства средних линий, теорем о замечательных точках и т.п.) и получать новые свойства известных фигур; * использовать уравнения фигур для решения задач и самостоятельно составлять уравнения отдельных плоских фигур.   **В повседневной жизни и при изучении других предметов:**   * использовать понятия векторов и координат для решения задач по физике, географии и другим учебным предметам.   **История математики**   * Понимать математику как строго организованную систему научных знаний, в частности владеть представлениями об аксиоматическом построении геометрии и первичными представлениями о неевклидовых геометриях; * рассматривать математику в контексте истории развития цивилизации и истории развития науки, понимать роль математики в развитии России.   **Методы математики**   * Владеть знаниями о различных методах обоснования и опровержения математических утверждений и самостоятельно применять их; * владеть навыками анализа условия задачи и определения подходящих для решения задач изученных методов или их комбинаций; * характеризовать произведения искусства с учетом математических закономерностей в природе, использовать математические закономерности в самостоятельном творчестве. |

Предмет – математика

Степень (классы) – основная школа (10, 12 классы)

|  |  |
| --- | --- |
| Нормативно-методические материалы | 10 класс - Федеральный государственный образовательный стандарт (ФГОС) Закон (РФ «Об образовании» № 273- ФЗ от 29.12.2012)  Примерная программа по математике (2018 г.)  12 класс – Федеральный компонент государственного образовательного стандарта (утвержден приказом Министерства образования РФ от 05.03.2004 № 1089), примерная программа по математике (2004 г.) |
| Реализуемый УМК | Учебник: «Алгебра и начала анализа: учеб. для 10-11 кл. общеобраз. учреждений/ Ш.А.Алимов, Ю.М.Колягин, Ю.В.Сидоров и др. – 3 изд.-М.: Просвещение, 2019г.  Атанасян Л.С., Бутузов В.Ф. и др. Геометрия 10-11. Учебник для 10–11 классов общеобразовательных учреждений – М: Просвещение, 2019 |
| Цели и задачи изучения предмета | - систематизация сведений о числах; изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и нематематических  задач;  - расширение и систематизация общих сведений о функциях, пополнение класса изучаемых функций, иллюстрация широты применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;  - совершенствование интеллектуальных и речевых умений путем обогащения математического языка, развития логического мышления;  - знакомство с основными идеями и методами математического анализа.  Изучение математики в группе 12 класса направлено на достижение следующих целей:  **Формирование представлений** – о математике как универсальном языке науки; средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;  **Развитие** – логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;  **Овладение математическими знаниями и умениями** – необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;  **Воспитание** – средствами математики культуры личности: отношение к математике как части общечеловеческой культуры: знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимания значимости математики для общественного прогресса. |
| Срок реализации программы | |  | | --- | | 3 года | |
| Место учебного предмета в учебном плане | 10 класс – 2 часа в неделю  12 класс – геометрия 14 часов, алгебра и начала анализа 43 часа. |
| Результаты освоения учебного предмета (требования к выпускнику) | **Планируемые результаты освоения учебного предмета**  **В личностных результатах сформированность:**  — целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки математики и общественной практики ее применения;  — основ саморазвития и самовоспитания в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества; готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности с применением методов математики;  — готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательного отношения к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности на основе развитой мотивации учебной деятельности и личностного смысла изучения математики, заинтересованности в приобретении и расширении математических знаний и способов действий, осознанности в построении индивидуальной образовательной траектории;  — осознанного выбора будущей профессии, ориентированной в применении математических методов и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношения к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;  — логического мышления: критичности (умение распознавать логически некорректные высказывания), креативности (собственная аргументация, опровержения, постановка задач, формулировка проблем, работа над исследовательским проектом и др.).  **В метапредметных результатах сформированность:**  — способности самостоятельно ставить цели учебной и исследовательской, проектной деятельности, планировать, осуществлять, контролировать и оценивать учебные действия в соответствии с поставленной задачей и условиями ее выполнения;  — умения самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач;  — умения находить необходимую информацию, критически оценивать и интерпретировать информацию в различных источниках (в справочниках, литературе, Интернете), представлять информацию в различной форме (словесной, табличной, графической, символической), обрабатывать, хранить и передавать информацию в соответствии с познавательными или коммуникативными задачами;  — навыков осуществления познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыков разрешения проблем; способности и готовности к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;  — умения продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;  — владения языковыми средствами  — умения ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;  — владения навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.  **В предметных результатах сформированность:**  Элементы теории множеств и математической логики  — Свободно оперировать понятиями: множество, пустое, конечное и бесконечное множества, элемент множества, подмножество, пересечение, объединение и разность множеств;  — применять числа и задавать множества перечислением и характеристическим свойством;  — оперировать понятиями: утверждение, отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, причина, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример;  — проводить доказательные рассуждения для обоснования истинности утверждений;  — *оперировать понятием определения, основными видами определений и теорем;*  — *понимать суть косвенного доказательства;*  — *оперировать понятиями счётного и несчётного множества;*  — *применять метод математической индукции для проведения рассуждений и доказательств при решении задач.*  В повседневной жизни и при изучении других предметов:  — использовать числовые множества на координатной прямой и на координатной плоскости для описания реальных процессов и явлений;  — проводить доказательные рассуждения в ситуациях повседневной жизни, при решении задач из других предметов;  — *использовать теоретико-множественный язык и язык логики для описания реальных процессов и явлений, при решении задач других*  *учебных предметов.*   Числа и выражения  — Свободно оперировать понятиями: натуральное число, множество натуральных чисел, целое число, множество целых чисел, обыкновенная  дробь, десятичная дробь, смешанное число, рациональное число, множество рациональных чисел, иррациональное число, корень степени *n*,  действительное число, множество действительных чисел, геометрическая интерпретация натуральных, целых, рациональных, действительных чисел;  — понимать и объяснять разницу между позиционной и непозиционной системами записи чисел;  — переводить числа из одной системы записи (системы счисления) в другую;  — доказывать и использовать признаки делимости, суммы и произведения при выполнении вычислений и решении задач;  — выполнять округление рациональных и иррациональных чисел с заданной точностью;  — сравнивать действительные числа разными способами;  — упорядочивать числа, записанные в виде обыкновенной и десятичной дроби, числа, записанные с использованием арифметического квадратного корня, корней степени больше второй;  — находить НОД и НОК разными способами и использовать их при решении задач;  — выполнять вычисления и преобразования выражений, содержащих  действительные числа, в том числе корни натуральных степеней;  — выполнять стандартные тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных, иррациональных выражений;  — *свободно оперировать числовыми множествами при решении задач;*  — *понимать причины и основные идеи расширения числовых множеств;*  — *владеть основными понятиями теории делимости при решении стандартных задач;*  — *иметь базовые представления о множестве комплексных чисел;*  — *свободно выполнять тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных выражений;*  — *владеть формулой бинома Ньютона;*  — *применять при решении задач теорему о линейном представлении НОД, Китайскую теорему об остатках, Малую теорему Ферма;*  — *применять при решении задач теоретико-числовые функции: число и сумма делителей, функцию Эйлера;*  — *применять при решении задач цепные дроби, многочлены с действительными и целыми коэффициентами;*  — *владеть понятиями: приводимые и неприводимые многочлены; применять их при решении задач;*  — *применять при решении задач Основную теорему алгебры; простейшие функции комплексной переменной как геометрические преобразования.*     В повседневной жизни и при изучении других предметов:  — выполнять и объяснять результаты сравнения результатов вычислений при решении практических задач, в том числе приближённых вычислений, используя разные способы сравнений;  — записывать, сравнивать, округлять числовые данные;  — использовать реальные величины в разных системах измерения;  — составлять и оценивать разными способами числовые выражения при решении практических задач и задач из других учебных предметов.  Уравнения и неравенства  — Свободно оперировать понятиями: уравнение; неравенство; равносильные уравнения и неравенства; уравнение, являющееся следствием другого уравнения; уравнения, равносильные на множестве; равносильные  преобразования уравнений;  — решать разные виды уравнений и неравенств и их систем, в том числе некоторые уравнения третьей и четвёртой степеней, дробно-рациональные и иррациональные;  — овладеть основными типами показательных, логарифмических, иррациональных, степенных уравнений и неравенств и стандартными методами их решений и применять их при решении задач;  — применять теорему Безу к решению уравнений;  — применять теорему Виета для решения некоторых уравнений степени выше второй;  — понимать смысл теорем о равносильных и неравносильных преобразованиях уравнений и уметь их доказывать;  — владеть методами решения уравнений, неравенств и их систем, уметь выбирать метод решения и обосновывать свой выбор;  — использовать метод интервалов для решения неравенств, в том числе дробно-рациональных и включающих в себя иррациональные выражения;  — решать алгебраические уравнения и неравенства и их системы с параметрами алгебраическим и графическим методами;  — владеть разными методами доказательства неравенств;  — решать уравнения в целых числах;  — изображать на плоскости множества, задаваемые уравнениями, неравенствами и их системами;  — свободно использовать тождественные преобразования при решений уравнений и систем уравнений;  — *свободно определять тип и выбирать метод решения показательных и логарифмических уравнений и неравенств, иррациональных*  *уравнений и неравенств, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;*  — *свободно решать системы линейных уравнений;*  — *решать основные типы уравнений и неравенств с параметрами;*  — *применять при решении задач неравенства Коши—Буняковского, Бернулли;*  В повседневной жизни и при изучении других предметов:  — составлять и решать уравнения, неравенства, их системы при решении задач из других учебных предметов;  — выполнять оценку правдоподобия результатов, получаемых при решении различных уравнений, неравенств и их систем, при решении за-  дач из других учебных предметов;  — составлять и решать уравнения и неравенства с параметрами при решении задач из других учебных предметов;  — составлять уравнение, неравенство или их систему, описывающие реальную ситуацию или прикладную задачу, интерпретировать полученные результаты;  — использовать программные средства при решении отдельных классов уравнений и неравенств.  Функции  — Владеть понятиями: зависимость величин, функция, аргумент и значение функции, область определения и множество значений функции,  график зависимости, график функции, нули функции, промежутки знакопостоянства, возрастание на числовом промежутке, убывание на  числовом промежутке, наибольшее и наименьшее значения функции на числовом промежутке, периодическая функция, период, чётная и  нечётная функции; уметь применять эти понятия при решении задач;  — владеть понятием: степенная функция; строить её график и уметь применять свойства степенной функции при решении задач;  — владеть понятиями: показательная функция, экспонента; строить их графики и уметь применять свойства показательной функции при решении задач;  — владеть понятием: логарифмическая функция; строить её график и уметь применять свойства логарифмической функции при решении задач;  — владеть понятием: тригонометрические функции; строить их графики и уметь применять свойства тригонометрических функций при решении задач;  — владеть понятием: обратная функция; применять это понятие при решении задач;  — применять при решении задач свойства функций: чётность, периодичность, ограниченность;  — применять при решении задач преобразования графиков функций;  — владеть понятиями: числовые последовательности, арифметическая и геометрическая прогрессии;  — применять при решении задач свойства и признаки арифметической и геометрической прогрессий;  — *владеть понятием: асимптота; уметь его применять при решении задач;*  — *применять методы решения простейших дифференциальных уравнений первого и второго порядков*.  В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:  — определять по графикам и использовать для решения прикладных задач свойства реальных процессов и зависимостей (наибольшие и наименьшие значения, промежутки возрастания и убывания, промежутки знакопостоянства, асимптоты, точки перегиба, период и т. п.), интерпретировать свойства в контексте конкретной практической ситуации;  — определять по графикам простейшие характеристики периодических процессов в биологии, экономике, музыке, радиосвязи и т. п. (ампли-  туда, период и т. п.).  Элементы математического анализа  — Владеть понятием: бесконечно убывающая геометрическая прогрессия и уметь применять его при решении задач;  — применять для решения задач теорию пределов;  — владеть понятиями: бесконечно большие числовые последовательности и бесконечно малые числовые последовательности; уметь сравнивать  бесконечно большие и бесконечно малые последовательности;  — владеть понятиями: производная функции в точке, производная функции;  — вычислять производные элементарных функций и их комбинаций;  — исследовать функции на монотонность и экстремумы;  -числовые множества на координатной прямой: отрезок, интервал, полуинтервал, промежуток с выколотой точкой, графическое  представление множеств на координатной плоскости;  — проверять принадлежность элемента множеству;  — находить пересечение и объединение множеств, в том числе представленных графически на числовой прямой и на координатной плоскости;  — строить графики и применять их к решению задач, в том числе с  параметром;  — владеть понятием: касательная к графику функции; уметь применять его при решении задач;  — владеть понятиями: первообразная, определённый интеграл;  — применять теорему Ньютона—Лейбница и её следствия для решения задач;  — *свободно владеть стандартным аппаратом математического анализа для вычисления производных функции одной переменной;*  — *свободно применять аппарат математического анализа для исследования функций и построения графиков, в том числе исследования*  *на выпуклость;*  — *оперировать понятием первообразной для решения задач;*  — *овладеть основными сведениями об интеграле Ньютона—Лейбница и его простейших применениях;*  — *оперировать в стандартных ситуациях производными высших порядков;*  — *уметь применять при решении задач свойства непрерывных функций;*  — *уметь применять при решении задач теоремы Вейерштрасса;*  — *уметь выполнять приближённые вычисления (методы решения уравнений, вычисления определённого интеграла);*  — *уметь применять приложение производной и определённого интеграла к решению задач естествознания;*  — *владеть понятиями*: *вторая производная, выпуклость графика*  *функции; уметь исследовать функцию на выпуклость.*  В повседневной жизни и при изучении других учебных предметов:  — решать прикладные задачи из биологии, физики, химии, экономики и других предметов, связанные с исследованием характеристик процессов, интерпретировать полученные результаты.  Комбинаторика, вероятность и статистика,  логика и теория графов  — Оперировать основными описательными характеристиками числового набора; понятиями: генеральная совокупность и выборка;  — оперировать понятиями: частота и вероятность события, сумма и произведение вероятностей; вычислять вероятности событий на основе  подсчёта числа исходов;  — владеть основными понятиями комбинаторики и уметь применять их при решении задач;  — иметь представление об основах теории вероятностей;  — иметь представление о дискретных и непрерывных случайных величинах, и распределениях, о независимости случайных величин;  — иметь представление о математическом ожидании и дисперсии случайных величин — иметь представление о совместных распределениях случайных величин;  — понимать суть закона больших чисел и выборочного метода измерения вероятностей;  — иметь представление о нормальном распределении и примерах нормально распределённых случайных величин;  — иметь представление о корреляции случайных величин;  — *иметь представление о центральной предельной теореме;*  — *иметь представление о выборочном коэффициенте корреляции и линейной регрессии;*  — *иметь представление о статистических гипотезах и проверке статистической гипотезы, о статистике критерия и её уровне значимости;*  — *иметь представление о связи эмпирических и теоретических распределений;*  — *иметь представление о кодировании, двоичной записи, двоичном дереве;*  — *владеть основными понятиями теории графов (граф, вершина, ребро, степень вершины, путь в графе) и уметь применять их при*  *решении задач;*  — *иметь представление о деревьях и уметь применять его при решении задач;*  — *владеть понятием: связность; уметь применять компоненты связности при решении задач;*  — *уметь осуществлять пути по рёбрам, обходы рёбер и вершин графа;*  — *иметь представление об Эйлеровом и Гамильтоновом пути; иметь представление о трудности задачи нахождения Гамильтонова*  *пути;*  — *владеть понятиями: конечные счётные множества; счётные множества; уметь применять их при решении задач;*  — *уметь применять метод математической индукции;*  — *уметь применять принцип Дирихле при решении задач.*  В повседневной жизни и при изучении других предметов:  — вычислять или оценивать вероятности событий в реальной жизни;  — выбирать методы подходящего представления и обработки данных.  Текстовые задачи  — Решать разные задачи повышенной трудности;  — анализировать условие задачи, выбирать оптимальный метод решения задачи, рассматривая различные методы;  — строить модель решения задачи, проводить доказательные рассуждения при решении задачи;  — решать задачи, требующие перебора вариантов, проверки условий, выбора оптимального результата;  — анализировать и интерпретировать полученные решения в контексте условия задачи, выбирать решения, не противоречащие контексту;  — переводить при решении задачи информацию из одной формы записи в другую, используя при необходимости схемы, таблицы, графики,  диаграммы.      В повседневной жизни и при изучении других предметов:  — решать практические задачи и задачи из других предметов.  История и методы математики  — Иметь представление о вкладе выдающихся математиков в развитие науки;  — понимать роль математики в развитии России;  — использовать основные методы доказательства, проводить доказательство и выполнять опровержение;  — применять основные методы решения математических задач;  — на основе математических закономерностей в природе характеризовать красоту и совершенство окружающего мира и произведений искусства;  — применять простейшие программные средства и электронно-коммуникационные системы при решении математических задач;  — пользоваться прикладными программами и программами символьных вычислений для исследования математических объектов;  — *применять математические знания к исследованию окружающего мира (моделирование физических процессов, задачи экономики).* |